

# Fisica Nucleare II

Marco Radici

e-mail: [marco.radici@pv.infn.it](mailto:marco.radici@pv.infn.it)

Stanza 1-56, tel. 0382 987451

<http://www.pv.infn.it/~radici/>

## Bibliografia

- **F.E. Close** *An Introduction to Quarks and Partons*
- **R.K. Bhaduri** *Models of the Nucleon – From Quarks to Solitons*
- **C.T.E.Q.** *Handbook of perturbative QCD*  
<http://www.phys.psu.edu/~cteq#Handbook>
- **M.E. Peskin & D.V. Schroeder** *An Introduction to Quantum Field Theory*
- **R.L. Jaffe** *International School on Spin Structure of the Nucleon*  
Erice, 3-10 Agosto 1995, hep-ph/9602236
- **R.G. Roberts** *The structure of the proton – Deep Inelastic Scattering*
- **M. Guidry** *Gauge Field Theories – An Introduction with Applications*

# Introduzione storica

- Negli anni '50 la **QED** (Quantum ElectroDynamics) si assesta come una **teoria di gauge abeliana rinormalizzabile** che incorpora le eq. di Maxwell e descrive le evidenze sperimentali con notevole successo; i mediatori dell' interazione sono bosoni vettoriali di massa nulla, i fotoni; la costante di accoppiamento ( $\alpha_{em} \sim 1/137$  costante di struttura fine) permette di calcolare qualsiasi osservabile con arbitraria precisione attraverso lo sviluppo perturbativo.
- Negli stessi anni, partendo dalla teoria di Fermi, si capisce che anche i fenomeni di decadimento radioattivo possono essere descritti come una interazione debole dovuta allo scambio di bosoni vettori "carichi" (W e Z); unificazione di QED e QFD (Quantum Flavor Dynamics) in doppietti di isospin e ipercarica deboli con simmetria  $SU(2)_{wk} \times U(1)_Y$ ;  
**QED  $\times$  QFD = teoria di gauge non abeliana rinormalizzabile se massless**; ma fenomenologia dice che W e Z sono massivi e pesanti (decine di GeV); dimostrazione che masse generate da rottura spontanea di una simmetria generale della teoria ( $\rightarrow$  meccanismo di Goldstone, Higgs..) mantengono la teoria di gauge non abeliana rinormalizzabile (Weinberg '67, 't Hooft '71); nasce il **settore elettrodebole del Modello Standard**.

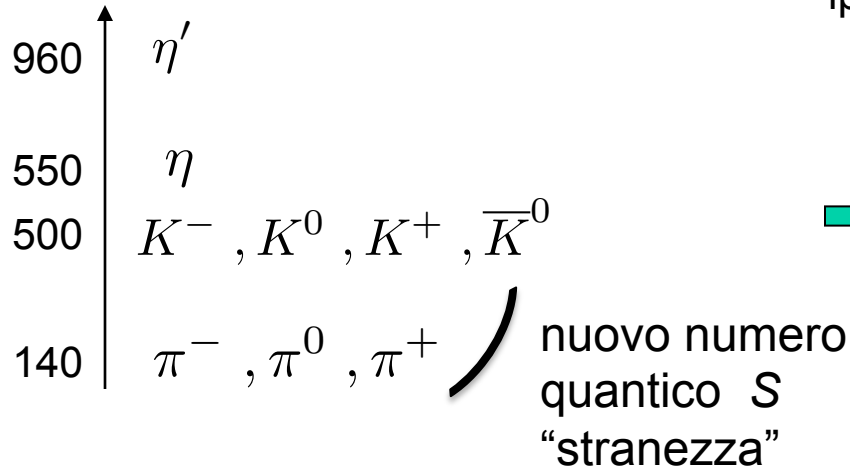
- Dopo gli studi di Yukawa, la teoria dell'interazione forte stenta ad assumere la veste completa di teoria di campo, perchè l'accoppiamento  $g^2/4\pi \sim 1/10$  è troppo forte  $\rightarrow$  quale selezione di diagrammi di Feynman dominanti ? non si riesce a tradurre l'interazione come scambio di bosoni vettori.
- Fenomenologia di scattering (in)elastico e diffrattivo descritta da diversi approcci (teoria di Regge, algebra delle correnti, regole di dispersione, etc..) indipendenti dalle caratteristiche delle particelle interagenti, ma piuttosto legati alle proprietà generali dell'ampiezza di scattering (analiticità, unitarietà, crossing, etc..)
- A cavallo del '60 lo spettro dei barioni e dei mesoni è popolato da centinaia di particelle, organizzate in gruppi con stessa parità e all'incirca stessa massa, ma con carica elettrica diversa. Ex: p (938.3 MeV) n (939.5 MeV)  
 $\pi^-, \pi^+$  (139.6 MeV)  $\pi^0$  (135 MeV)  
 multipletti di isospin  $\rightarrow \mathcal{H}$  ha simmetria di isospin  $SU(2)_I$   
 degenerazione dei livelli rotta da interazione elettromagnetica, che introduce direzione privilegiata  $I_3$   
 Ex:  $I=1/2$  p ( $I_3=+1/2$ ) n ( $I_3=-1/2$ ) ;  $I=1$   $\pi^+$  ( $I_3=+1$ )  $\pi^0$  ( $I_3=0$ )  $\pi^-$  ( $I_3=-1$ )

# Spettro dei mesoni

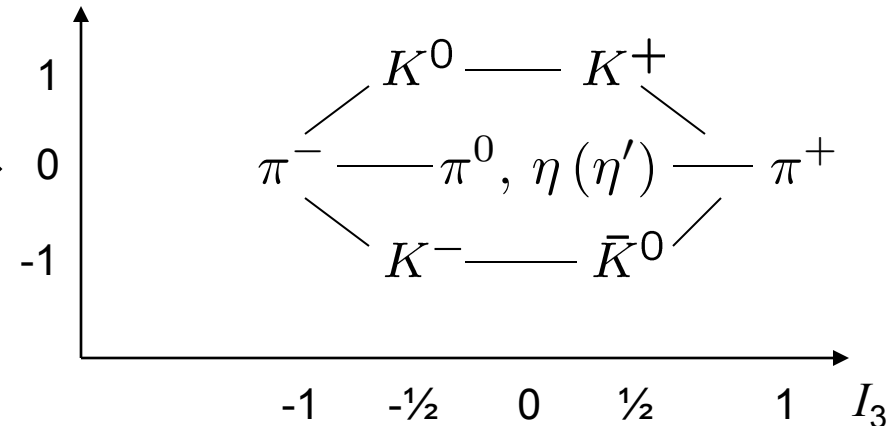
notazione spettroscopica  
 $J^P$  ( $P$  parity)

mesoni pseudoscalari  $J^P=0^-$

Massa (MeV)



ipercarica  $Y = B+S$  (B numero barionico)



Nonetto

interpretabile come

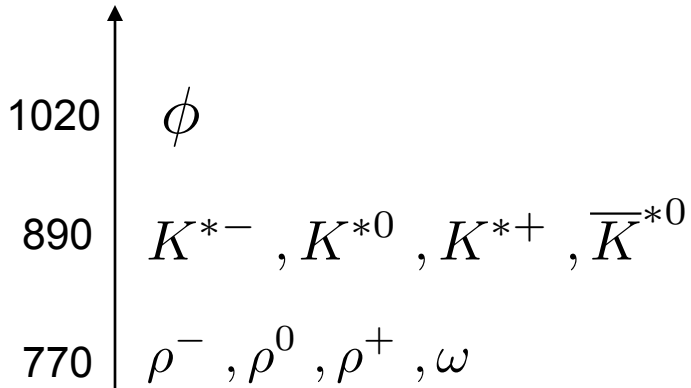
ottetto + singoletto ( $\eta'$ )  
 rappresentazioni di SU(3)  
 ( da  $SU(2)_I$  a SU(3) con  $S$  )

# Spettro dei mesoni

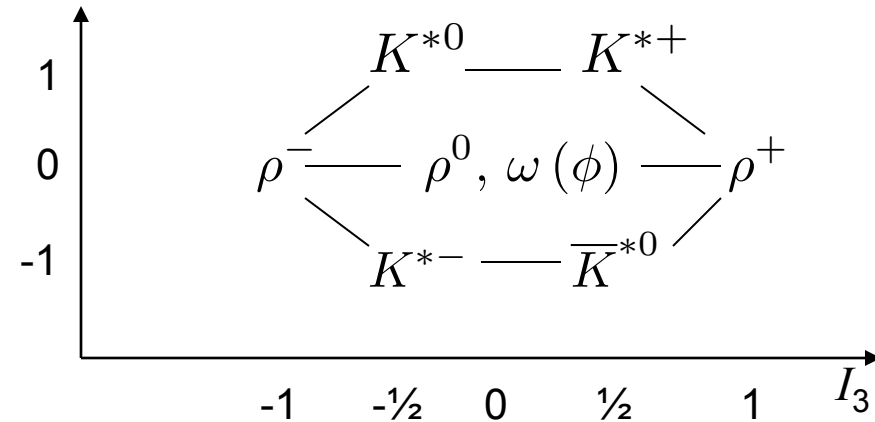
notazione spettroscopica  
 $J^P$  ( $P$  parity)

Mesoni vettori  $J^P=1^-$

Massa (MeV)



ipercarica  $Y = B+S$  (B numero barionico)



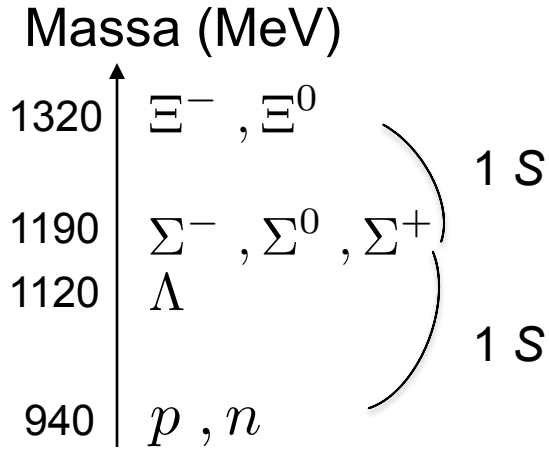
Nonetto

interpretabile come

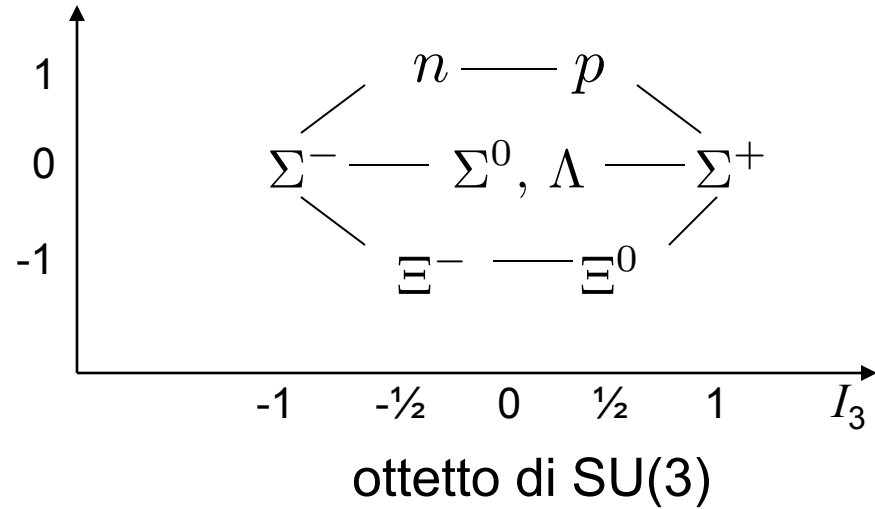
ottetto + singoletto ( $\phi$ )  
 rappresentazioni di SU(3)

# Spettro dei barioni

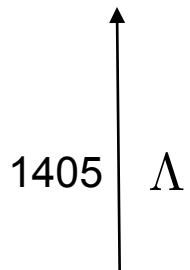
barioni  $J^P=1/2^+$



ipercarica  $Y = B+S$  (B numero barionico)



barioni  $J^P=1/2^-$

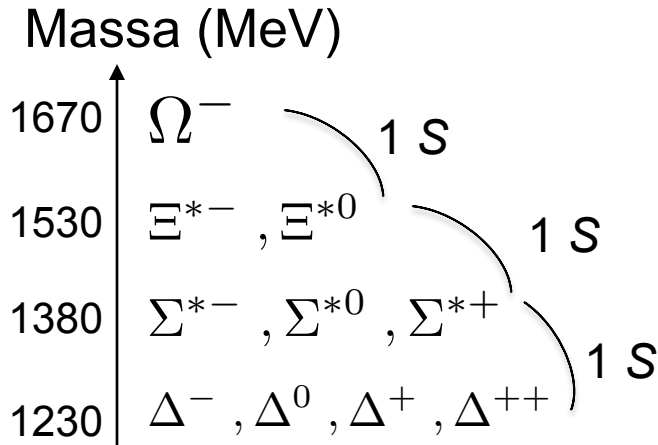


singoletto di SU(3)

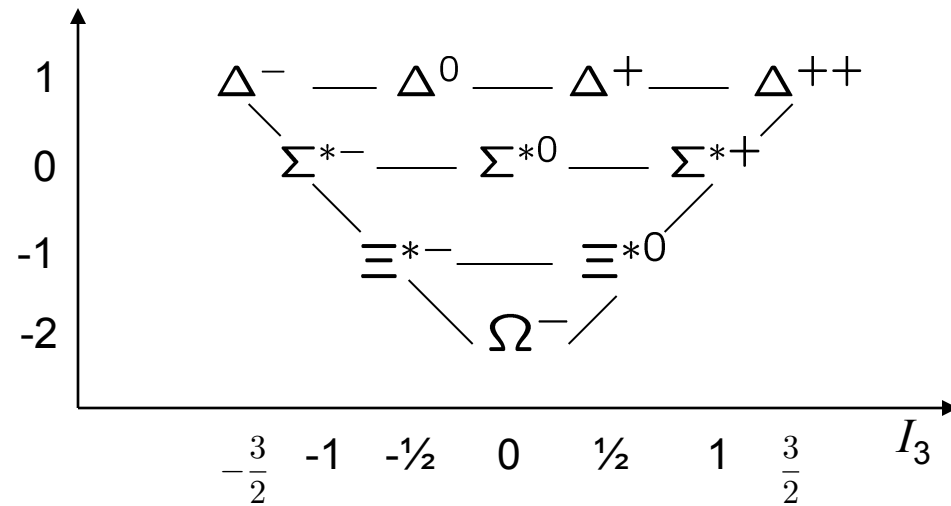
# Spettro dei barioni

barioni  $J^P=3/2^+$

notazione spettroscopica  
 $J^P$  ( $P$  parity)

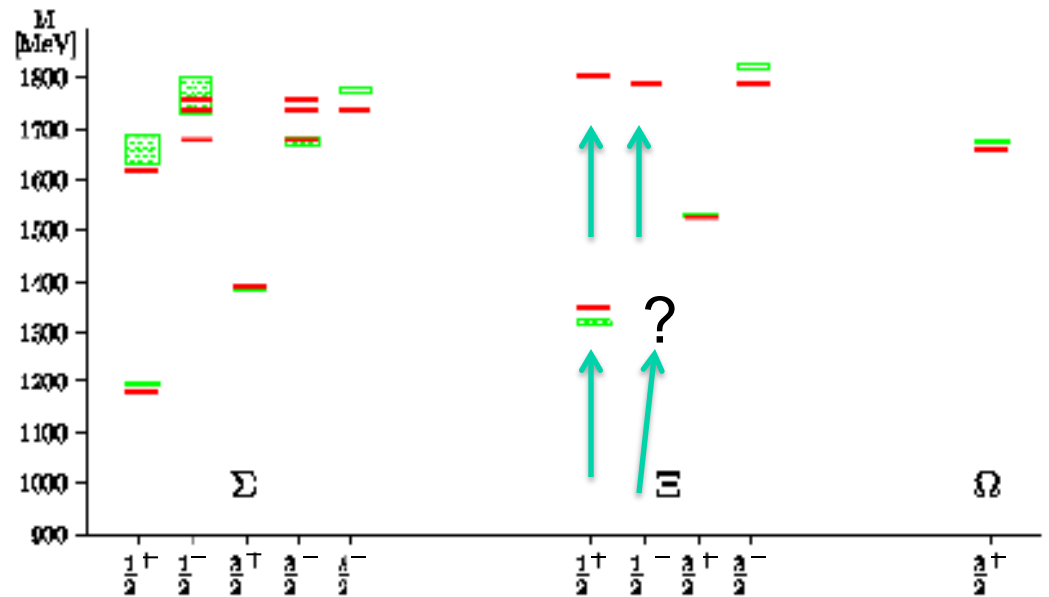
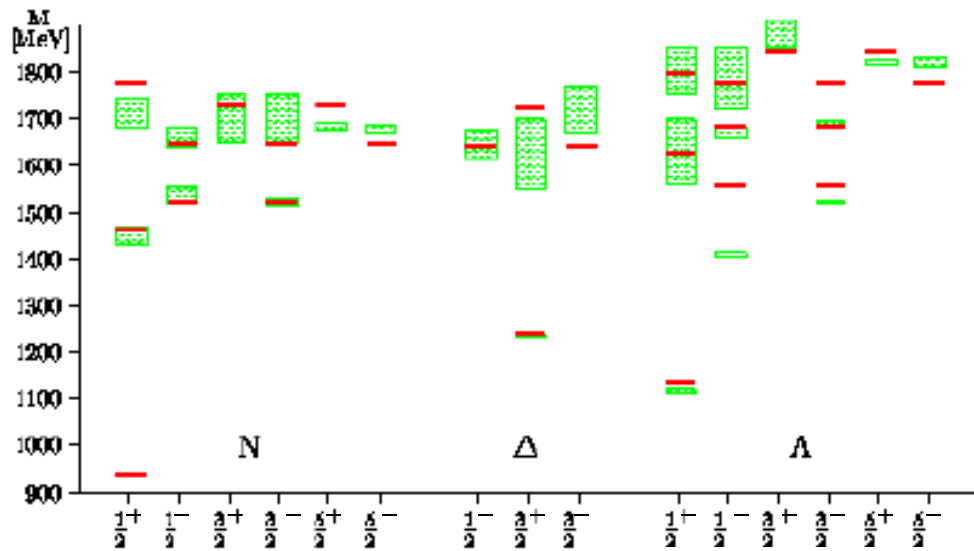


ipercarica  $Y = B+S$  (B numero barionico)



decupletto di SU(3)

# Lo spettro barionico





# Puzzle

- Perché per i mesoni il nonetto di particelle è sempre interpretabile come un ottetto accompagnato da un singoletto con stessa  $J^P$ , mentre per i barioni l'ottetto e il singoletto di energia più bassa hanno  $P$  opposta ?
- Perché c'è il decupletto per i barioni, ma non per i mesoni ?
- Perché ad alta energia per ogni stato a  $P=+$  compare un partner a  $P=-$ , mentre a bassa energia non succede ?
- Che significato ha il nuovo numero quantico ad hoc  $S$ , per cui le particelle sono raggruppate secondo rappresentazioni di  $SU(3)$  (e non di  $SU(2)$ ) ?
- Perché si vedono solo le rappresentazioni di singoletto, ottetto, e decupletto, di  $SU(3)$ , e non anche la rappresentazione fondamentale di tripletto ?

# Il quark: particella o concetto astratto?

- Nel 1963 Gell-Mann & Zweig propongono il concetto di quark, cioè di particella elementare con spin  $\frac{1}{2}$  e con
  - carica elettrica frazionaria
  - addizionale numero quantico di sapore: up ( $u$ ), down ( $d$ ), strange ( $s$ ) con simmetria  $SU(3)_f$
  - massa dipendente dal sapore, con ex.  $m_s \sim 150$  MeV
- Lo spettro degli adroni si ricostruisce classificando i mesoni =  $\{ q\bar{q} \}$  e i barioni =  $\{ qqq \}$

J. Joyce *Finnegans Wake*  
 “Three quarks for Muster Mark”

Gell-Mann, Phys. Rev. **92** 833 ('53); **125** 1067 ('62); Phys. Lett. **8** 214 ('64)  
 Gell-Mann e Ne'eman, *The eightfold way* (Benjamin, New York, 1964)  
 Zweig, CERN report N.8182/TH 401 ('64); N. 8419/TH 412 ('64)  
 (Gell-Mann NOBEL 1969)

- Struttura  $SU(3)_f$ :  $\{q\bar{q}\} = \mathbf{3} \otimes \bar{\mathbf{3}} = \mathbf{1} \oplus \mathbf{8}$   
 $\{qqq\} = \mathbf{3} \otimes \mathbf{3} \otimes \mathbf{3} = \mathbf{1} \oplus \mathbf{8} \oplus \mathbf{8} \oplus \mathbf{10}$

ma la rappresentazione **3** non compare mai: i quark sono particelle reali o solo un artificio matematico ?

# Simmetrie SU(N): proprietà e rappresentazioni

## SU(2)

gruppo delle trasformazioni unitarie U, rappresentate da matrici unitarie 2x2, che lasciano invariata la norma delle rappresentazioni del gruppo:

$$\chi' = U\chi ; \quad \chi'^{\dagger} \chi' = \chi^{\dagger} U^{\dagger} U\chi = \chi^{\dagger} \chi$$



espressione generale per U corrispondente a rotazione  $\theta$  intorno a  $\hat{n}$ :

$$U = e^{\frac{1}{2}i\theta\hat{n}\cdot\sigma}$$

generatori della trasformazione sono matrici 2x2 hermitiane a traccia nulla  
le matrici di Pauli  $\sigma$



rappresentazione più comune per le 3  $\sigma$  indipendenti:

$$\sigma_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad \sigma_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix} \quad \sigma_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

algebra dei generatori:  $\left[ \frac{1}{2}\sigma_i, \frac{1}{2}\sigma_j \right] = i\varepsilon_{ijk} \frac{1}{2}\sigma_k \quad \varepsilon_{123} = -\varepsilon_{213} = 1$

# SU(2) : classificazione multipletti e operatore di Casimir

$\sigma_3$  è diagonale  $\rightarrow$  gli stati di un multipletto di SU(2) sono caratterizzati da  
 $\langle \frac{1}{2} \sigma_3 \rangle$



operatori di innalzamento/abbassamento  $\sigma_{\pm} = \frac{1}{2} (\sigma_1 \pm i \sigma_2)$   
soddisfano  $[\frac{1}{2} \sigma_3, \sigma_{\pm}] = \pm \sigma_{\pm}$   $[\sigma_+, \sigma_-] = \sigma_3$