Fisica Nucleare II

Marco Radici

e-mail: marco.radici@pv.infn.it Stanza 1-56, tel. 0382 987451

http://www.pv.infn.it/~radici/

Bibliografia

- F.E. Close An Introduction to Quarks and Partons
- R.K. Badhuri Models of the Nucleon From Quarks to Solitons
- C.T.E.Q. Handbook of perturbative QCD
 http://www.phys.psu.edu/~cteq#Handbook
- M.E. Peskin & D.V. Schroeder An Introduction to Quantum Field Theory
- R.L. Jaffe International School on Spin Structure of the Nucleon Erice, 3-10 Agosto 1995, hep-ph/9602236
- R.G. Roberts The structure of the proton Deep Inelastic Scattering
- M. Guidry Gauge Field Theories An Introduction with Applications

Introduzione storica

- Negli anni '50 la QED (Quantum ElectroDynamics) si assesta come una teoria di gauge abeliana rinormalizzabile che incorpora le eq. di Maxwell e descrive le evidenze sperimentali con notevole successo; i mediatori dell' interazione sono bosoni vettoriali di massa nulla, i fotoni; la costante di accoppiamento (α_{em} ~ 1/137 costante di struttura fine) permette di calcolare qualsiasi osservabile con arbitraria precisione attraverso lo sviluppo perturbativo.
- Negli stessi anni, partendo dalla teoria di Fermi, si capisce che anche i fenomeni di decadimento radioattivo possono essere descritti come una interazione debole dovuta allo scambio di bosoni vettori "carichi" (W e Z); unificazione di QED e QFD (Quantum Flavor Dynamics) in doppietti di isospin e ipercarica deboli con simmetria SU(2)_{wk} ¥ U(1)_Y;
 - QED*QFD = teoria di gauge non abeliana rinormalizzabile se massless; ma fenomenologia dice che W e Z sono massivi e pesanti (decine di GeV); dimostrazione che masse generate da rottura spontanea di una simmetria generale della teoria (→ meccanismo di Goldstone, Higgs..) mantengono la teoria di gauge non abeliana rinormalizzabile (Weinberg '67, 't Hooft '71); nasce il settore elettrodebole del Modello Standard.

- Dopo gli studi di Yukawa, la teoria dell'interazione forte stenta ad assumere la veste completa di teoria di campo, perchè l'accoppiamento $g^2/4\pi \sim 1/10$ è troppo forte \Rightarrow quale selezione di diagrammi di Feynman dominanti ? non si riesce a tradurre l'interazione come scambio di bosoni vettori.
- Fenomenologia di scattering (in)elastico e diffrattivo descritta da diversi approcci (teoria di Regge, algebra delle correnti, regole di dispersione, etc..) indipendenti dalle caratteristiche delle particelle interagenti, ma piuttosto legati alle proprietà generali dell'ampiezza di scattering (analiticità, unitarietà, crossing, etc..)
- Nel 1952, Fermi interpreta per la prima volta le strutture di risonanza nella sez. d'urto pione-protone come effettivamente dovute al decadimento repentino in due particelle (pione e protone, appunto) della risonanza Δ del nucleone; successivamente vengono osservate molte altre risonanze con diversi stati di spin, isospin e carica
- Nel 1953, Nakato e Nishijima, e indipendentemente Gell-Mann, introducono un nuovo numero quantico, la stranezza S, per spiegare l'evidenza di coppie di adroni prodotte debolmente su tempi "lunghi" dal decadimento di adroni instabili creati "velocemente" dall'interazione forte: i mesoni K.

A fine anni '50 lo spettro dei barioni e dei mesoni è popolato da centinaia di particelle, organizzate in gruppi con stessa parità, all'incirca stessa massa, diversa stranezza e carica elettrica Ex: p (938.3 MeV) n (939.5 MeV) π⁻, π⁺ (139.6 MeV) π⁰ (135 MeV) multipletti di isospin → ℋ ha simmetria di isospin SU(2)_I
 degenerazione dei livelli rotta da interazione elettromagnetica, che introduce

degenerazione dei livelli rotta da interazione elettromagnetica, che introduce direzione privilegiata I_3

Ex:
$$I=\frac{1}{2}$$
 p $(I_3=+\frac{1}{2})$ n $(I_3=-\frac{1}{2})$; $I=1$ π^+ $(I_3=+1)$ π^0 $(I_3=0)$ $\pi^ (I_3=-1)$ K^+ K^0 K^-

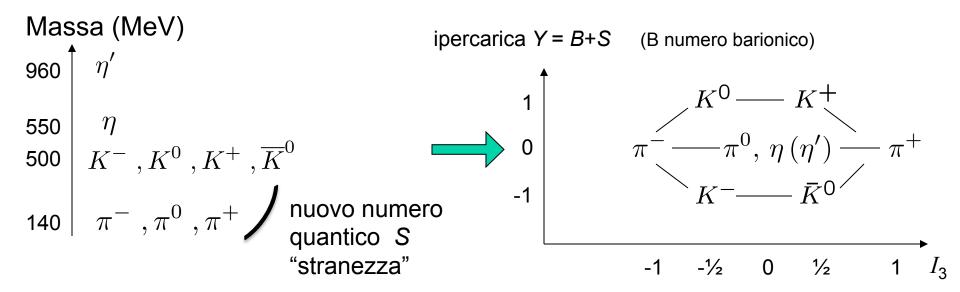
 Nel 1961, Gell-Mann e Ne'eman formulano la cosiddetta "eightfold way theory".
 Ipotizzano cioè che l'interazione forte non conservi solo l'isospin (SU(2)) e la stranezza (U(1)), ma anche i generatori del gruppo unitario SU(3).

Gell-Mann, Phys. Rev. **92** 833 ('53); **125** 1067 ('62) Gell-Mann e Ne'eman, *The eightfold way* (Benjamin, New York, 1964)

Spettro dei mesoni

mesoni pseudoscalari $J^P=0$

notazione spettroscopica J^P (P parity)

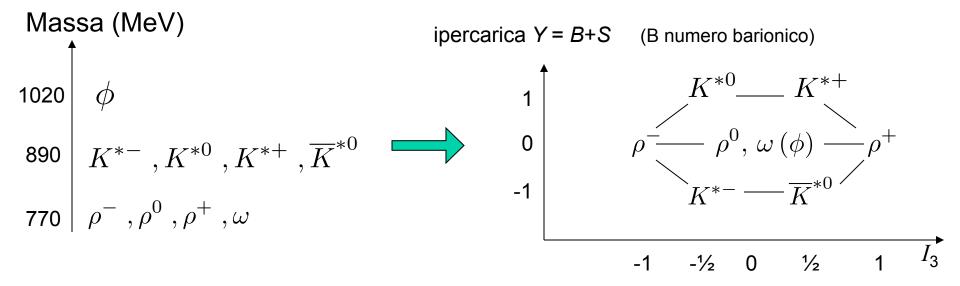


Nonetto interpretabile come ottetto + singoletto (η')
rappresentazioni di SU(3)
(da SU(2), a SU(3) con S)

Spettro dei mesoni

Mesoni vettori JP=1-

notazione spettroscopica J^P (P parity)

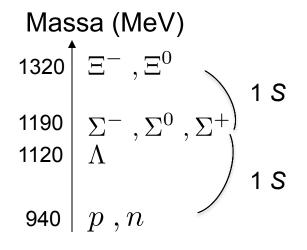


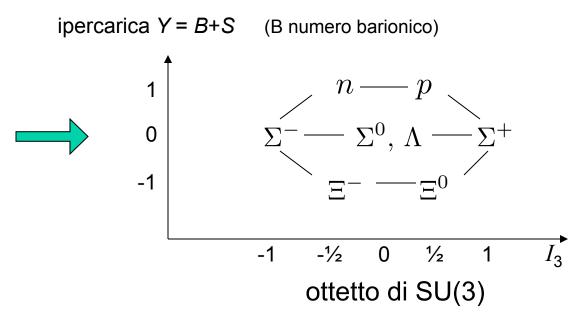
Nonetto interpretabile come ottetto + singoletto (φ) rappresentazioni di SU(3)

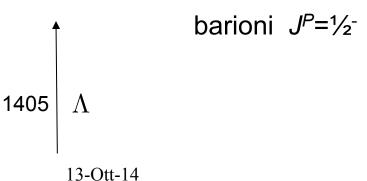
Spettro dei barioni

barioni $J^P = \frac{1}{2}^+$

notazione spettroscopica J^P (P parity)





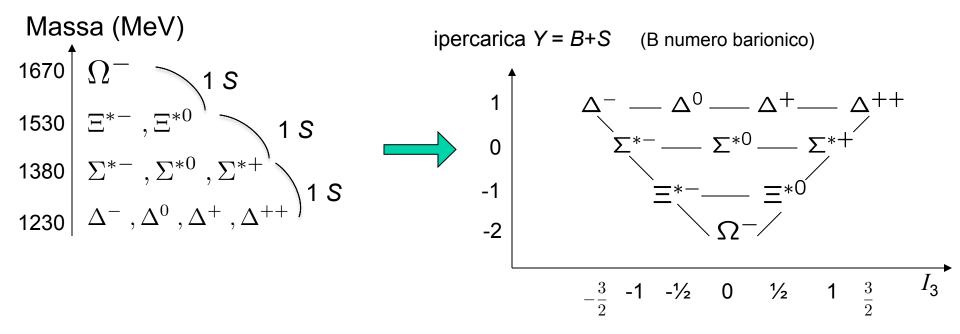


singoletto di SU(3)

Spettro dei barioni

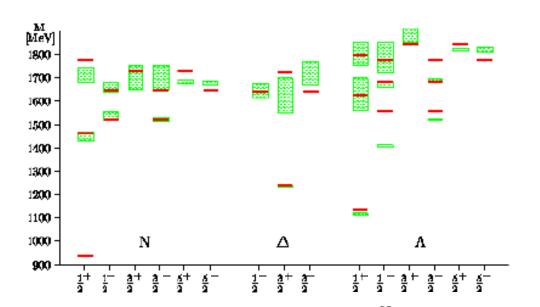
barioni $J^P=3/2^+$

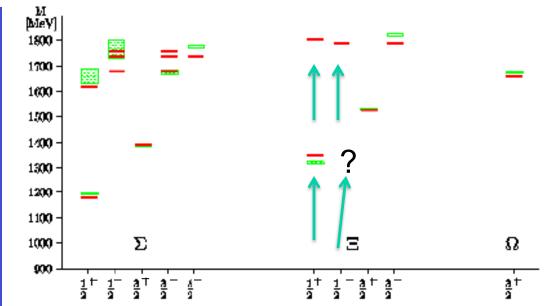
notazione spettroscopica J^P (P parity)



decupletto di SU(3)

Lo spettro barionico





Puzzle

- Perché per i mesoni il nonetto di particelle è sempre interpretabile come un ottetto accompagnato da un singoletto con stessa J^P, mentre per i barioni l'ottetto e il singoletto di energia più bassa hanno P opposta ?
- Perché c'è il decupletto per i barioni, ma non per i mesoni?
- Perché ad alta energia per ogni stato a P=+ compare un partner a P=-, mentre a bassa energia non succede ?
- Che significato ha il nuovo numero quantico ad hoc S, per cui le particelle sono raggruppate secondo rappresentazioni di SU(3) (e non di SU(2))?
- Perché si vedono solo le rappresentazioni di singoletto, ottetto, e decupletto, di SU(3), e non anche la rappresentazione fondamentale di tripletto ?

Il quark: particella o concetto astratto?

- Nel 1964 Gell-Mann propone il concetto di quark, cioè di particella elementare con spin ½ e con J. Joyce Finnegans Wake "Three quarks for Muster Mark"
 - carica elettrica frazionaria
 - addizionale numero quantico di sapore: up (u), down (d), strange (s) la cui dinamica è descritta dai generatori di SU(3)_f
 - massa dipendente dal sapore, con ex. $m_s \sim 150 \text{ MeV}$
- Lo spettro degli adroni si ricostruisce classificando i mesoni = $\{q\bar{q}\}$ e i barioni = $\{qqq\}$

Gell-Mann, Phys. Lett. **8** 214 ('64) (NOBEL nel 1969) (vedi anche Zweig, CERN report N.8182/TH 401 ('64); N. 8419/TH 412 ('64))

• Struttura SU(3)_f: $\{q\overline{q}\} = \mathbf{3}\otimes \mathbf{\overline{3}} = \mathbf{1}\oplus \mathbf{8}$ $\{qqq\} = 3 \otimes 3 \otimes 3 = 1 \oplus 8 \oplus 8 \oplus 10$

ma la rappresentazione 3 non compare mai: i quark sono particelle reali o solo un artificio matematico?

Simmetrie SU(N): proprietà e rappresentazioni

SU(2)

gruppo delle trasformazioni unitarie U, rappresentate da matrici unitarie 2x2, che lasciano invariata la norma delle rappresentazioni del gruppo:



$$\chi' = U\chi$$
; $\chi'^+ \chi' = \chi^+ U^+ U\chi = \chi^+ \chi$

espressione generale per U corrispondente a rotazione θ intorno a $\hat{\mathbf{n}}$:

$$U = e^{\frac{1}{2}i\theta \hat{\mathbf{n}}\cdot\boldsymbol{\sigma}}$$

generatori della trasformazione sono matrici 2x2 hermitiane a traccia nulla le matrici di Pauli σ

rappresentazione più comune per le 3 σ indipendenti:

$$\sigma_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$
 $\sigma_2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}$ $\sigma_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

algebra dei generatori: $\left[\frac{1}{2}\sigma_i\,,\,\frac{1}{2}\sigma_j\right]=i\varepsilon_{ijk}\;\frac{1}{2}\sigma_k$ $\varepsilon_{123}=-\varepsilon_{213}=1$

SU(2): classificazione multipletti e operatore di Casimir

 σ_3 è diagonale \rightarrow gli stati di un multipletto di SU(2) sono caratterizzati da $< \frac{1}{2} \sigma_3 >$

operatori di innalzamento/abbassamento $\sigma_{\pm} = \frac{1}{2} (\sigma_1 \pm i \sigma_2)$ soddisfano $[\frac{1}{2} \sigma_3, \sigma_+] = \pm \sigma_+ [\sigma_+, \sigma_-] = \sigma_3$



operatore di Casimir commuta con tutti i generatori

$$C = \frac{1}{2} (\sigma_{+} \sigma_{-} + \sigma_{-} \sigma_{+}) + \frac{1}{4} (\sigma_{3})^{2} = (\frac{1}{2} \sigma)^{2}$$



per generica rappresentazione di SU(2) a dim. N : $\frac{1}{2}\sigma$ (2x2) \Rightarrow S (NxN) stati identificati da S₃, C = S²

- $[S_{\pm}, S^2] = 0 \rightarrow S_{\pm}$ connettono stati con $\Delta < S_3 > = \pm 1$ e stesso $< S^2 >$
 - → rappresentazione identificata da autovalore di S² e i suoi stati da autovalori di S₃

S = max {autovalori di S₃} \rightarrow N = 2S+1 \rightarrow autovalore di C è S(S+1)

Ex: $S=\frac{1}{2}$ rappresentazione fondamentale a dim.2; $C=\frac{3}{4}$

